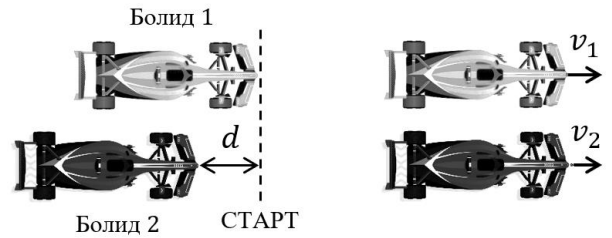
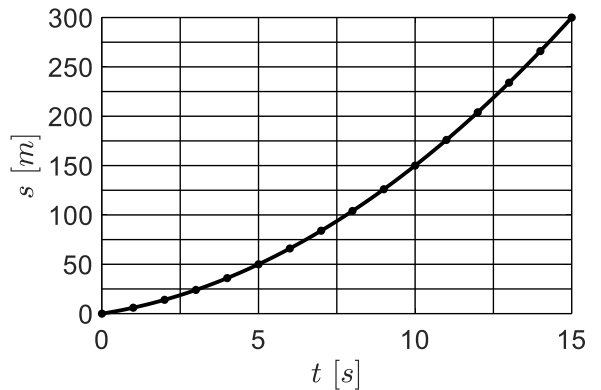


1. На слици 1. је приказан почетак трке *Формуле 1*. Болид 1 и Болид 2 су на стартној линији распоређени тако да је њихово међусобно хоризонтално растојање  $d$ . У тренутку старта трке Болид 2 креће одмах, а због проблема са квачилом, Болид 1 започиње трку са кашњењем од  $\Delta t = 265 \text{ ms}$ . Након времена  $t = 2,6 \text{ s}$ , мјерено од старта трке, Болид 2 сустиже Болид 1. У том тренутку њихове брзине кретања износе:  $v_1 = 168 \frac{\text{km}}{\text{h}}$  и  $v_2 = 173 \frac{\text{km}}{\text{h}}$ . Израчунати: (а) убрзања болида  $a_1$  и  $a_2$ , (б) путеве које болиди пређу до тренутка сустизања  $s_1$  и  $s_2$  и (в) почетно растојање између болида  $d$ .



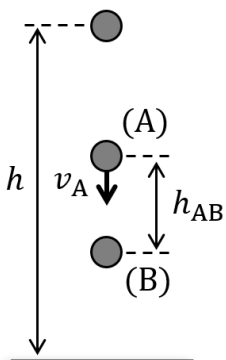
Слика 1.

2. Тијело се креће равномерно убрзано по праволинијској путањи током времена од  $15 \text{ s}$ . График зависности пређеног пута овог тијела од времена је приказан на слици 2. Користећи податке са графика, одредити:

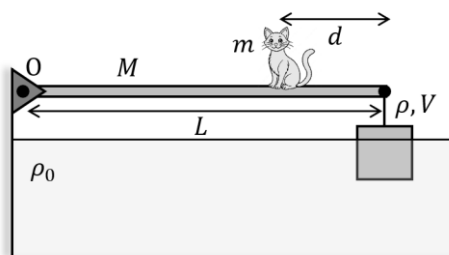


Слика 2.

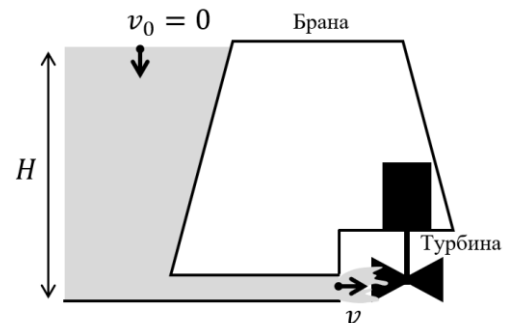
- (а) укупан пређени пут тијела  $s$   
(б) убрзање тијела  $a$ ,  
(в) почетну брзину кретања  $v_0$   
(г) највећу брзину кретања тијела  $v_{\text{max}}$
3. Тијело слободно пада са висине  $h = 50 \text{ m}$  и у тачки А има брзину од  $v_A = 20 \frac{\text{m}}{\text{s}}$  (слика 3). (а) Колику ће брзину имати у тачки В која се налази  $h_{AB} = 15 \text{ m}$  испод тачке А? (б) За које вријеме тијело прелази растојање између тачака А и В. (в) Колико је укупно вријеме кретања тијела  $t_u$ ?
4. На слици 4. је приказана танка, хомогена греда масе  $M = 12 \text{ kg}$  и дужине  $L = 2 \text{ m}$ . Греда је на једном крају ротационим зглобом учвршћена за вертикални зид, а на другом крају је чврсто везана за коцку од плута запремине  $V = 15 \text{ dm}^3$ . На растојању  $d$  од десног краја греде сједи мачка масе  $m = 4 \text{ kg}$ . Греда мирује у хоризонталном положају, а 80% запремине коцке је потопљено у воду. Густина плута је једнака  $\rho = 200 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$ , а густина воде је  $\rho_0 = 1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$ . Израчунати: (а) растојање  $d$  на ком се налази мачка и (б) силу  $F$  којом греда дјелује на ротациони зглоб О.
5. На лопатице турбине у хидроелектрани за  $t = 1 \text{ s}$ , падне  $V = 4 \text{ m}^3$  воде са висине  $H = 20 \text{ m}$  (слика 5). (а) Коликом снагом  $P$  вода окреће турбину? (б) Којом брзином  $v$  вода удара у лопатице турбине ако се ниво воде у акумулационом језеру не мијења. Густина воде је  $\rho = 1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$ .



Слика 3.



Слика 4.



Слика 5.

**Напомена:** у рјешавању задатака користити:  $g = 9,81 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$

РЈЕШЕЊА ЗАДАТАКА ЗА VIII РАЗРЕД

1.  $\Delta t = 265 \text{ ms}$ ,  $t = 2,6 \text{ s}$ ,  $v_1 = 168 \frac{\text{km}}{\text{h}} = 46,7 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ ,  $v_2 = 173 \frac{\text{km}}{\text{h}} = 48,1 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ ,  $a_1, a_2, s_1, s_2, d = ?$
- Болид 2 креће одмах на почетку трке и његово вријеме кретања до сусрета је  $t_2 = t$  (1), а Болид 1 започиње трку са кашњењем па је његово вријеме кретања  $t_1 = t - \Delta t$  (2).
- (а) Убрзање Болида 1 је:  $a_1 = \frac{v_1}{t_1}$ , што уз (2) даје:  $a_1 = \frac{v_1}{t - \Delta t}$  (3), односно:  $a_1 = 20 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$ , а убрзање Болида 2 је:  $a_2 = \frac{v_2}{t_2}$ , што уз (1) даје:  $a_2 = \frac{v_2}{t}$  (4), односно:  $a_2 = 18,5 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$ .
- (б) Пут који пређе Болид 1 је:  $s_1 = \frac{a_1 t_1^2}{2}$ , што уз (2) и (3) даје:  $s_1 = \frac{v_1(t - \Delta t)}{2}$ , тј.  $s_1 = 54,5 \text{ m}$ , а пут који пређе Болид 2 је:  $s_2 = \frac{a_2 t_2^2}{2}$ , што уз (1) и (4) даје:  $s_2 = \frac{v_2 t}{2}$ , тј.  $s_2 = 62,5 \text{ m}$ .
- (в) Почетно растојање између болида је  $d = s_2 - s_1$ , односно:  $d = 8 \text{ m}$ .
2.  $t = 15 \text{ s}$ ,  $s = ?$ ,  $a = ?$ ,  $v_0 = ?$ ,  $v_{\text{max}} = ?$
- (а) Са графика видимо да је пут који тијело пређе за  $t = 15 \text{ s}$  једнак:  $s = 300 \text{ m}$ .
- Нека тијело за неко вријеме  $t_1$  пређе пут  $s_1$ , а за вријеме  $t_2$  пут  $s_2$ . Тада важи:  $s_1 = v_0 t_1 + \frac{a t_1^2}{2}$  (1) и  $s_2 = v_0 t_2 + \frac{a t_2^2}{2}$  (2). Из једначине (1) добијамо да је  $v_0 = \frac{2s_1 - a t_1^2}{2t_1}$  (3). Замјеном (3) у (2) добијамо да је убрзање тијела:  $a = \frac{2(t_1 s_2 - t_2 s_1)}{t_1 t_2 (t_2 - t_1)}$  (4). Замјеном (4) у (3) добијамо да је почетна брзина кретања тијела једнака:  $v_0 = \frac{s_1 t_2^2 - s_2 t_1^2}{t_1 t_2 (t_2 - t_1)}$  (5).  $t_1$  и  $t_2$  могу бити произвољни временски трнуци са графика за које је могуће јасно прочитати пређени пут тијела  $s_1$  и  $s_2$ . На примјер нека је  $t_1 = 5 \text{ s} \rightarrow s_1 = 50 \text{ m}$  и  $t_2 = 10 \text{ s} \rightarrow s_2 = 150 \text{ m}$ .
- (б) Замјеном бројних вриједности у израз (4) добијамо да је убрзање једнако:  $a = 2 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$ .
- (в) Замјеном бројних вриједности у израз (5) добијамо да је почетна брзина једнака:  $v_0 = 5 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ .
- (г) Како се тијело креће равномјерно убрзано, онда највећу брзину има на крају кретања и она је једнака:  $v_{\text{max}} = v_0 + a t$ , односно:  $v_{\text{max}} = 35 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ .
3.  $h = 50 \text{ m}$ ,  $v_A = 20 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ ,  $h_{AB} = 15 \text{ m}$ ,  $v_B = ?$ ,  $t_{AB} = ?$ ,  $t_u = ?$
- (а) Ако тијело слободно пада до тачке А важи:  $v_A = g t_A$ , одакле је  $t_A = \frac{v_A}{g}$ , односно  $t_A = 2,04 \text{ s}$ . Онда је пређени пут тијела до тачке А:  $h_A = \frac{g t_A^2}{2}$ , односно:  $h_A = 20,41 \text{ m}$ . Исто тако за слободан пад од почетне позиције до тачке В мора да важи:  $v_B = g t_B$  (1) и  $h_B = \frac{g t_B^2}{2}$  (2), гдје је  $h_B = h_A + h_{AB}$  (3). Замјеном (1) у (2) и на основу (3) добијамо да је брзина тијела у тачки В једнака:  $v_B = \sqrt{2g(h_A + h_{AB})}$ , односно:  $v_B = 26,36 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ .
- (б) Вријеме кретања до тачке В је на основу (1):  $t_B = \frac{v_B}{g}$ , односно:  $t_B = 2,69 \text{ s}$ . Онда је вријеме кретања од А до В једнако:  $t_{AB} = t_B - t_A$ , односно:  $t_{AB} = 0,65 \text{ s}$ .
- (в) Укупан пређени пут тијела је  $h = \frac{g t_u^2}{2}$ , одакле је укупно вријеме кретања једнако:  $t_u = \sqrt{\frac{2h}{g}}$ , односно након замјене бројних вриједности:  $t_u = 3,19 \text{ s}$ .

4.  $M = 12 \text{ kg}, L = 2 \text{ m}, V = 15 \text{ dm}^3, m = 4 \text{ kg}, \rho = 200 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}, \rho_0 = 1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}, d = ?, F = ?$

(а) Маса коцке је  $m_1 = \rho V$  (1) и на њу дјелује сила потиска једнака  $F_p = \rho_0 0,8Vg$  (2) јер је 80% запремине коцке потопљено у воду.

Услов равнотеже момената у односу на тачку О гласи:

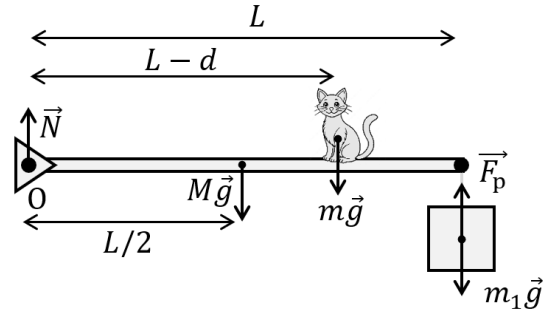
$$Mg \frac{L}{2} + mg(L - d) + m_1gL = F_pL \quad (3)$$

Замјеном (1) и (2) у (3) добијамо:  $d = \frac{L}{m} \left[ \frac{M}{2} + m + V(\rho - 0,8\rho_0) \right]$ , односно након

замјене бројних вриједности:  $d = 0,5 \text{ m}$ .

(б) Према Трећем Њутновом закону сила којом греда дјелује на ослонац је једнака сили реакције ослонца:  $F = N$  (4). Како силе дјелују само по вертикалном правцу, мора да важи:  $N + F_p = Mg + mg + m_1g$  (5).

Замјеном (1), (2) и (4) у (5) добијамо:  $F = [M + m + V(\rho - 0,8\rho_0)]g$ , односно:  $F = 68,7 \text{ N}$ .



Слика 1.

5.  $t = 1 \text{ s}, V = 4 \text{ m}^3, H = 20 \text{ m}, \rho = 1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}, P = ?, v = ?$

(а) При паду воде рад врши сила Земљине теже:  $A = mgH$  (1). Маса воде је  $m = \rho V$  (2). Снага којом вода окреће турбину је  $P = \frac{A}{t}$  (3). Замјеном (1) у (3) и на основу (2) добијамо:  $P = \frac{\rho VgH}{t}$ , односно:  $P = 784,8 \text{ kW} \approx 785 \text{ kW}$ .

(б) Количина воде масе  $m$  се са површине језера спушта до турбине. У почетном положају она посједује само потенцијалну енергију па је њена механичка енергија једнака:  $E_1 = mgH$ . При удару у лопатице турбине вода посједује само кинетичку енергију па је њена механичка енергија:  $E_2 = \frac{1}{2}mv^2$ . На основу ЗОЕ мора да важи:  $E_1 = E_2$ , што даје:  $v = \sqrt{2gH}$ , односно:  $v = 19,81 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ .