

Струка (назив):		ЕКОНОМИЈА, ПРАВО И ТРГОВИНА		
Занимање (назив):		ПОЛИЦАЈАЦ – ТЕХНИЧАР ЗА ПОЛИЦИЈСКЕ ПОСЛОВЕ		
Предмет (назив):		МАТЕМАТИКА		
Опис (предмета):		ОПШТЕОБРАЗОВНИ ПРЕДМЕТ		
Модул (наслов):		СТЕПЕНОВАЊЕ, КОРЈЕНОВАЊЕ И КОМПЛЕКСНИ БРОЈЕВИ		
Датум: 2023. година		Шифра:		Редни број: 03
Сврха				
Ученици треба да савладају правила и науче рачунати са коријенима и комплексним бројевима, као и да стекну основна знања о тригонометријским функцијама и њиховој примјени у науци и техници.				
Специјални захтјеви / Предуслови				
Основно знање о математичким операцијама, познавање основа геометрије и усвојено знање из претходних модула.				
Циљеви				
Овај модул има за циљ: <ul style="list-style-type: none"> - Усвојити основне појмове из тригонометрије, савладати основне односе између тригонометријских функција; - Стећи тачност и самопоуздање у извођењу операција са коријенима; - Стећи тачност и прецизност у извођењу операција са степенима са рационалним експонентом; - Проширити знање са скупа реалних бројева на скуп комплексних бројева; - Стећи тачност и самопоуздање у извођењу рачунских операција са комплексним бројевима; - Користити стечено знање у рјешавању задатака из других модула; - Развијање аналитичког и логичког приступа рјешавању проблема; - Развити навике за тачност, систематичност, упорност и прегледност. 				
Теме				
<ol style="list-style-type: none"> 1. Степен са цијелим експонентом 2. Појам n-тог коријена и операције са корјенима 3. Појам комплексног броја и основне операције 4. Синусна и косинусна теорема 				

Тема	Исходи учења			Смјернице за наставнике
	Знања	Вјештине	Личне компетенције	
	Ученик је способан да:			
Степен са цијелим експонентом	<ul style="list-style-type: none">- опише и дефинише појам степена са цијелим експонентом, разликује и разумије појмове степен, база (основа) и експонент (изложилац) степена;- наведе и објасни правила степеновања, те их примијени на конкретним примјерима;- препознаје операције са степенима, наводи примјере и рјешава задатке;-примијени, демонстрира и скицира односе међу наведеним особинама степена;- рачуна вриједност израза у којем се појављују степени са цијелим експонентом;- запише децимални број у стандардном облику, одреди ред броја;- анализира и упоређује особине степена.	<ul style="list-style-type: none">- помоћу правила степеновања врши операције са степенима;- користи калкулатор или рачунар за рачунање степена;- децималне бројеве записује у стандардном облику и обрнуто;- доказује особине степеновања.	<ul style="list-style-type: none">- поставља и анализира једноставнији проблем, испланира његово рјешавање одабиром одговарајућих математичких појмова и поступака, ријеша га те протумачи и вреднује рјешење и поступак;- примијени математичке појмове и поступке у различитим контекстима;- изгради ново математичко знање рјешавањем проблема и моделирањем ситуација;- конструктивно, аргументовано и креативно доприноси раду групе, усаглашавању и остварењу заједничких циљева.	<p>Посветити што више пажње усвајању појма степена и операцијама степеновања.</p> <p>Бирати разноврсне типове задатка.</p> <p>Ученике мотивисати да рачунају и памте (препознају) степене база 2,3,4,5...</p> <p>Увести појам записа броја у стандардном облику, наводити примјере великих и малих бројева познатих из других наука (физика, хемија, биологија, техника), затим вршити упоређивање тих бројева.</p> <p>Показати примјене степена при претварању мјерних јединица (обратити посебну пажњу на префиксе и мјерења у физици), примјене код појединих константи (маса честица, Болцманова константа, брзина свјетлости, Планкова константа, Авогадров број...).</p> <p>Указати на примјену степена базе 2 у рачунарству.</p> <p>Ученицима демонстрирати операције са степенима помоћу калкулатора (или рачунарских програма или апликација на мобилним телефонима).</p>
Појам n -тог коријена и операције са коријенима	<ul style="list-style-type: none">- разумије појам n-тог коријена из реалног броја;- наводи особине корјеновања;	<ul style="list-style-type: none">- врши трансформације ирационалних израза: множење и дијелење коријена са истим	<ul style="list-style-type: none">- планира вријеме за учење и организује процес учења и управља њим;	<p>Појам n-тог коријена дефинисати проширивањем квадратног коријена, дефинисати аритметички коријен и објаснити разлику између</p>

	<ul style="list-style-type: none"> - обавља рачунске операције са коријенима; - повезује операције степеновања и корјеновања, коријене записује као степен са рационалним експонентом и обрнуто. 	<p>експонентом, множење коријена са различитим експонентима, степеновање коријена, корјеновање коријена, скраћивање и проширивање коријена, дјелимично корјеновање;</p> <ul style="list-style-type: none"> - врши рационалисање бројиоца и имениоца разломка; - израчунава вриједности израза са коријенима са и без употребе калкулатора и рачунских апликација; - преводи изразе записане као коријен у степен са рационалним експонентом и обрнуто. 	<ul style="list-style-type: none"> - развија идеје, истраживачки дух и навике да слуша друге и аргументује свој став/мишљење; - користи информационе технологије за чување, презентацију и обраду података; - презентује и интерпретира рјешења у контексту датог проблема. 	<p>аритметичког коријена и рјешења једначине $x^n = a$.</p> <p>Ниво сложености задатака прилагодити степену образовања ученика и захтјевима наставног програма из математике.</p> <p>Више часова одвојити за увјежбавање операција са коријенима.</p>
Појам комплексног броја и основне операције	<ul style="list-style-type: none"> - дефинише имагинарну јединицу и комплексни број; - одреди квадратни коријен из негативног броја; - представи комплексни број у алгебарском облику и прикаже га у комплексној равни, одреди реални и имагинарни дио комплексног броја; - дефинише конјуговано – комплексне бројеве и одреди конјуговано – комплексни број заданом комплексном броју; 	<ul style="list-style-type: none"> - представља комплексне бројеве у комплексној равни и одређује његове карактеристике; - влада техникама вршења рачунских операција са комплексним бројевима; - врши анализу проблемских задатака са комплексним бројевима, примјењује особине комплексних бројева на рјешавање задатака. 		<p>Формирање скупа комплексних бројева извести понављањем формирања скупова бројева \mathbb{N}, \mathbb{Z}, \mathbb{Q}, \mathbb{I}, \mathbb{R}, поштујући принцип перманенције и затворености операција. Комплексне бројеве представити као уређене парове реалних бројева.</p> <p>Увести појам комплексне равни и представљање комплексних бројева у \mathbb{C} равни. Операције са комплексним бројевима вршити у алгебарском облику, уз напомену да је збир, разлика, производ и количник два комплексна броја комплексан број.</p>

	<ul style="list-style-type: none"> - израчуна модуо комплексног броја и представи га у комплексној равни; - обавља рачунске операције са комплексним бројевима у алгебарском облику; - одреди степен броја i. 			
Синусна и косинусна теорема	<ul style="list-style-type: none"> - препознаје и наводи синусну и косинусну теорему; - објашњава примјену синусне и косинусне теореме на рјешавање троугла; - одређује непознате елементе троугла; - врши примјену синусне и косинусне теореме на рјешавање проблема из геометрије, али и физике, технике, геодезије... 	<ul style="list-style-type: none"> - одређује вриједности тригонометријских функција заданих у степенима (минутама и секундама) помоћу рачунарских апликација; - врши анализу примјене синусне и косинусне теореме; - процјењује најоптималнији начин израде задатака; - дискутује рјешења задатака (посебно задатке из праксе). 		Бирати што разноврсније задатке, различитих нивоа сложености, са акцентом на примјену у струци. Ученике подстицати на израчунавање вриједности тригонометријских функција са и без употребе калкулатора и анализирање рјешења. Обим наставног садржаја у овој наставној теми прилагодити образовном профилу ученика.
Интеграција				
1. Стручни предмети				
Извори				
1. Уџбеници које је одобрило Министарство просвјете и културе Републике Српске; 2. Друга стручна и теоријска литература (стручни часописи, приручници, збирке, видео и аудио записи, интернет и сл).				
Оцјењивање				
Оцјењивање се врши у складу са Законом о средњем образовању и васпитању, Правилником о оцјењивању ученика у настави и полагању испита у средњој школи. О техникама и критеријумима оцјењивања ученике треба упознати на почетку изучавања модула.				